

Laboratoire de Mathématiques et Applications de Metz (UMR 7122)

Université Paul Verlaine – Metz

# Journées Metz-Nancy-Reims-Strasbourg

## Théorie des Représentations et Analyse Harmonique

22–23 octobre 2009

## Programme

*Lieu* : Amphi Hermite, Bâtiment UFR MIM

Pauses Café : Salle café, LMAM, bâtiment A

### Jeudi 22 octobre 2009 :

14h30–15h30 Patrick Gerard : Un système complètement intégrable sur l'espace de Hardy

15h35–16h10 *Pause-Café*

16h15–17h15 Victor Gayral : Les traces singulières dans les algèbres de Von Neumann

17h20–18h20 Khalid Koufany : Transformation de Poisson vectorielle sur un domaine borné symétrique et série discrète relative.

19h30 *Dîner* : Restaurant Au Pampre d'Or  
31, Place de Chambre, 57000 Metz  
Tél : 03 87 74 12 46

### Vendredi 23 octobre 2009 :

9h00–10h00 Wolfgang Bertram : Sur les groudés classiques

10h00–10h35 *Pause-Café*

10h35–11h35 Raza Lahiani : Une famille lisse d'opérateurs d'entrelacement

11h40–12h40 Hubert Rubenthaler : Algèbres d'opérateurs différentiels invariants sur certains espaces sans multiplicités.

# Résumés

---

## **Wolfgang Bertram, *Sur les groudés classiques***

*Résumé* : Je parlerai du deuxième volet d'un travail avec Michael Kinyon, voir

<http://fr.arxiv.org/abs/0909.4438>,

et qui porte sur les groudés classiques (ce n'est pas une faute de frappe).

---

## **Victor Gayral, *Les traces singulières dans les algèbres de Von Neumann***

*Résumé* : Dixmier traces in von Neumann algebras play an important role in noncommutative geometry, for instance to compute local co-cycles in index theory for type II spectral triples. In this introductory talk, I explain our contribution to the theory of locally compact type II spectral triples.

---

## **Patrick Gerard, *Un système complètement intégrable sur l'espace de Hardy***

*Résumé* : Nous introduirons et nous discuterons les propriétés de l'équation de Szegő cubique, un système hamiltonien sur l'espace de Hardy du cercle, présentant les particularités suivantes :

- il admet une paire de Lax, c'est à dire qu'il est complètement intégrable, en un sens que nous préciserons.
- il présente de nombreuses dégénérescences qui créent des phénomènes d'instabilités, que nous décrirons en partie.

Il s'agit d'un travail en collaboration avec Sandrine Grellier (MAPMO, Orléans)

---

## **Khalid Koufany, *Transformation de Poisson vectorielle sur un domaine borné symétrique et série discrète relative***

*Résumé* : Nous généralisons la caractérisation de la transformation de Poisson sur un domaine borné symétrique  $D$  à un fibré en droite au dessus de  $D$ . Nous montrons ensuite un lien avec la série discrète relative.

---

## **Raza Lahiani, *Une famille lisse d'opérateurs d'entrelacement***

*Résumé* : Etant donné  $N$  un groupe de Lie nilpotent connexe simplement connexe,  $\mathfrak{n}$  son algèbre de Lie et  $\mathcal{W}$  une sous-variété de  $\mathfrak{n}^*$  telle que les polarisations associées aux éléments de  $\mathcal{W}$  soient de dimension fixe, on considère  $(P(w))_w = (\exp(w))_w$  et  $(P'(w))_w = (\exp'(w))_w$  deux familles lisses de polarisations en  $w \in \mathcal{W}$ . On sait d'après Kirillov que  $(\pi_w)_w := \text{ind}_{P(w)}^N \chi_w, w \in \mathcal{W}$  et  $(\pi'_w)_w := \text{ind}_{P'(w)}^N \chi_w, w \in \mathcal{W}$  sont équivalentes. On démontre alors l'existence locale d'une famille lisse d'opérateurs d'entrelacement entre les familles  $(\pi_w)_w$  et  $(\pi'_w)_w$ , opérateurs donnés par une formule intégrale précise.

---

## **Hubert Rubenthaler, *Algèbres d'opérateurs différentiels invariants sur certains espaces sans multiplécités***

*Résumé* : Soit  $G$  un groupe algébrique réductif connexe et soit  $G' = [G, G]$  son groupe dérivé. Soit  $(G, V)$  un espace sans multiplécités ayant un quotient unidimensionnel au sens d'un article récent de Lévassour. Nous montrons que l'algèbre  $D(V)^{G'}$  des opérateurs différentiels à coefficients polynomiaux  $G'$ -invariants sur  $V$ , est isomorphe à une algèbre de Smith sur son centre. Sur  $\mathbb{C}$  cette classe d'algèbres avait été introduite par S.P. Smith comme une classe d'algèbres semblables l'algèbre enveloppante  $U(\mathfrak{sl}_2)$ . Notre résultat généralise le cas de la représentation de Weil, où l'algèbre associative engendrée par  $Q(x)$  et  $Q(\partial)$  ( $Q$  étant une forme quadratique non dégénérée sur  $V$ ), est un quotient de  $U(\mathfrak{sl}_2)$ .